

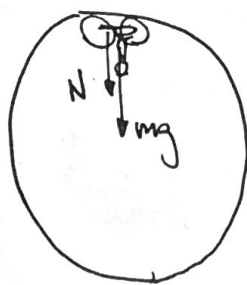
$$r = 6 \text{ m}$$

Moviment circular uniformement accelerat $v_0 = 0$

En el punt més alt

$$N + mg = m a_c$$

$$\text{però } a_c = \frac{v^2}{r}$$



i si considerem la mínima velocitat perquè faci el risc v_{\min}

tenim que $N = 0$

$$\text{Aleshores: } mg = m \frac{v_{\min}^2}{r}$$

$$\therefore v_{\min} = \sqrt{gr} = \sqrt{9,8 \cdot 6} = \boxed{7,7 \text{ m/s}}$$

La força que ha de fer l'esfera és nul·la $N = 0$, si Homer augmenta més la velocitat $v > v_{\min}$, aleshores hi apareix una força de contacte entre la gàbia i la moto.

Les equacions de moviment i de velocitat són:

$$(1) \quad \varphi = \frac{1}{2} \alpha t^2 \quad \text{on } \varphi = \text{angle}$$

$$\alpha = \text{acceleració angular}$$

$$(2) \quad \omega = \alpha t$$

De (2) tenim que $t = \frac{\omega}{\alpha}$ i reemplaçant en (1) obtenim:

$$\varphi = \frac{1}{2} \alpha \frac{\omega^2}{\alpha^2} = \frac{1}{2} \frac{\omega^2}{\alpha} \Rightarrow \alpha = \frac{1}{2} \frac{\omega^2}{\varphi}$$

Si considerem que en mitja volta $\varphi = \pi \text{ rad}$ i que

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{7,5}{6} = 1,25 \text{ rad/s}$$

$$\text{obtenim } \alpha = \frac{1}{2} \frac{(1,25)^2}{\pi} = \boxed{0,25 \text{ rad/s}^2}$$