

La freqüència de l'enèsim harmònic es relaciona amb la longitud del tub a través de l'expressió:

$$\nu_n = (2n - 1) \frac{v}{4L}$$

on el subíndex n correspon amb el nombre de l'harmònic. Per al 3r harmònic tindrem:

$$\nu_3 = 5 \frac{v}{4L}$$

Per tant,

$$L = 5 \frac{v}{4\nu_3} = 5 \frac{340}{4 \times 637} = \boxed{0,667 \text{ m}} \quad (\text{a})$$

on hem fet servir la velocitat del so $v = 340 \text{ m/s}$

i la freqüència del 3r harmònic $\nu_3 = 637 \text{ Hz}$

(b) La intensitat sonora inicial és $I = 1,00 \times 10^{-5} \text{ Wm}^{-2}$

El nivell d'intensitat sonora és en aquest cas:

$$\beta_1 = 10 \log \left(\frac{I}{I_0} \right) = 10 \log \left(\frac{1,00 \times 10^{-5}}{10^{-12}} \right) = 70,0 \text{ dB}$$

La intensitat sonora és aditiva, és a dir, compleix amb el principi de superposició, però no el nivell d'intensitat sonora en dB. Per tant, si dupliquem la intensitat tindrem:

$$\begin{aligned} \beta_2 &= 10 \log \left(\frac{2I}{I_0} \right) = 10 \left(\log(2) + \log \left(\frac{1,00 \times 10^{-5}}{10^{-12}} \right) \right) \\ &= 10 \log(2) + 10 \log \left(\frac{1,00 \times 10^{-5}}{10^{-12}} \right) = 3 + 70 = \boxed{73 \text{ dB}} \quad (\text{b}) \end{aligned}$$

on vam fer servir la propietat dels logaritmes: $\log(a \times b) = \log(a) + \log(b)$

Si la intensitat del so es duplica, el nivell d'intensitat sonora augmenta en 3 dB.